

Internes Rechnungswesen

Pflichtkurs Bachelor
SS 2019

Prof. Dr. Barbara Schöndube-Pirchegger
Lehrstuhl für Unternehmensrechnung und Controlling

- **Kontakt**

- André Meseberg
- Büro: Vilfredo Pareto Gebäude (G 22), Raum D 204
- Sprechstunde: nach Vereinbarung
- email: andre.meseberg@ovgu.de
- Tel.: 67 58727

- **Website:**

<http://www.bwl1.ovgu.de/>

- **Vorlesung:**
- Vermittlung der fachlichen Inhalte

Mo. 11:15-12:45

- **Übung:**
- Auseinandersetzung mit dem Vorlesungsstoff anhand von Aufgaben
- Übungstermine bei Herrn Neubert
 - Mi. 13:15-14:45 in H1 Gruppe 1
 - Do. 13.15-14.45 in H3 Gruppe 2

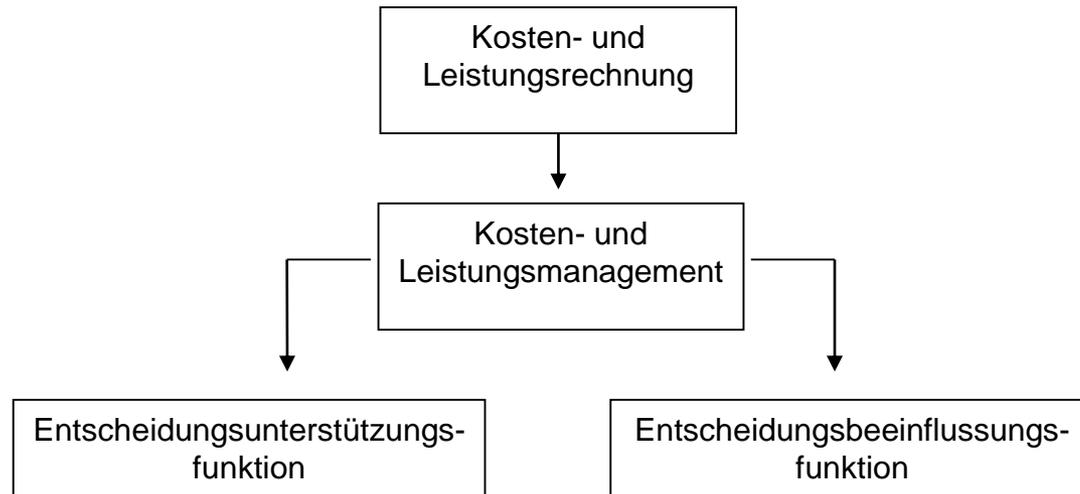
- **Lehrbuch:**
 - Ewert, R. / Wagenhofer, A.(2014): Interne Unternehmensrechnung, 8. Auflage.
 - Fandel, G. et al. (2009): Kostenrechnung, 3. Aufl.
 - Horngren, C. et al. (2009): Cost Accounting, 13. Aufl. (oder neuer)
 - Kilger, W. et al. (2012): Flexible Plankosten- und Deckungsbeitragsrechnung, 13. Aufl.
 - Demski, J.S. (2008): Managerial Uses of Accounting Information, 2. Aufl.
- **Lehrveranstaltungsunterlagen:**
 - Folien werden vor der Veranstaltung auf der Website bereitgestellt
 - Übungsblätter
- **Leistungsbeurteilung:**
 - Klausur am Ende des Semesters

Zielsetzung:

- Studierende sollen die Kosten- und Leistungsrechnung als Teil des betrieblichen Rechnungswesens kennenlernen
- Sie sollen in die Lage versetzt werden, die verschiedenen Instrumente zur Ermittlung, Aufbereitung, Darstellung, Analyse und Auswertung von Rechnungswesen-Information anzuwenden
- Sie sollen diese gleichzeitig kritisch hinterfragen, Stärken und Schwächen vor dem Hintergrund der Einsatzbedingungen im Unternehmen abschätzen können

Dazu gehört:

- Das Kennenlernen der
 - Elemente der Kosten- und Leistungsrechnung
 - verschiedenen Kostenrechnungssysteme
 - Instrumente der Kostenkontrolle



- *VL Internes Rechnungswesen:*
 - **Zentrale Fragestellungen:**
 - Wie wird Information im Rahmen der Kosten- und Leistungsrechnung generiert und verarbeitet?
 - Welche Zwecke werden verfolgt?
 - Was folgt daraus für ihre Nutzung zur Entscheidungsfindung?

- Teil 1: Einführung, Kostentheoretische Grundlagen, Grundbegriffe
 - Kostenfunktionen
- Teil 2: Kostenarten-, Kostenstellen-, Kostenträgerrechnung
- Teil 3: Kostenrechnungssysteme
 - Voll- und Teilkostenrechnung
 - Plan- und Ist-Kostenrechnung
 - Prozesskostenrechnung
- Teil 4: Kostenkontrollrechnungen
 - Abweichungsanalyse

Teil 1:

Einführung, Grundbegriffe, Kostentheoretische Grundlagen

- Betriebliches Rechnungswesen ist das Informationssystem des Unternehmens
- Es stellt Informationen zur Verfügung
 - Zur Erstellung von Geschäftsberichten, Jahresabschlüssen (externes Rechnungswesen)
 - Zur Unterstützung von Entscheidungen im Unternehmen, zur Unternehmenssteuerung (internes Rechnungswesen)
- Betriebliches Rechnungswesen funktioniert wie Bibliothek
 - Information wird gesammelt und abgelegt
 - Sie wird strukturiert, geordnet nach einem bestimmten System
 - Der Nutzer kann Teile anfordern, je nach Bedarf
- Die Information liegt in Form von “Zahlen” vor
 - Mengen- und Wertgrößen

Wie lösen Ökonomen Entscheidungsprobleme?



- Ein Unternehmen verwendet Inputfaktoren, um Outputs zu generieren
- Der Zusammenhang wird durch eine Produktionsfunktion beschrieben

$$\text{inputs } (z_1, z_2) \rightarrow \boxed{f(z_1, z_2)} \rightarrow \text{output } q$$

- Als Inputs werden häufig Arbeit und Kapital angenommen
- Die gewinnmaximale Faktoreinsatzkombination ergibt sich wie folgt:

$$\Pi(\hat{P}, P) \equiv \max_{q \geq 0, z_1 \geq 0, z_2 \geq 0} \hat{P}q - P_1z_1 - P_2z_2$$

$$\text{u.d.B. } q \leq f(z_1, z_2)$$

Warum brauchen wir das Betriebliche Rechnungswesen?

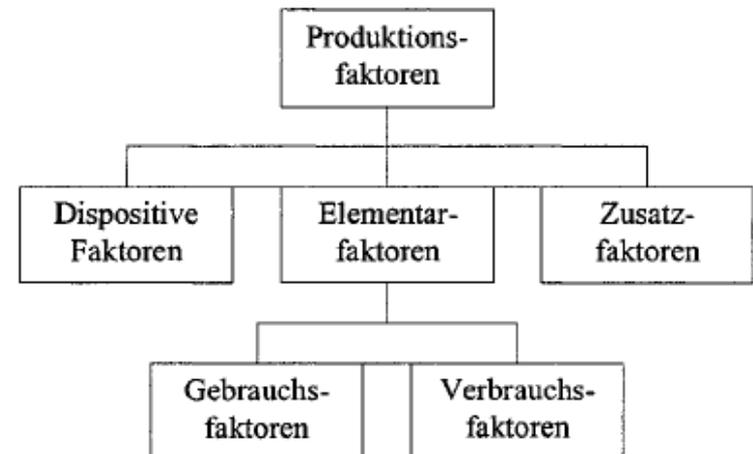
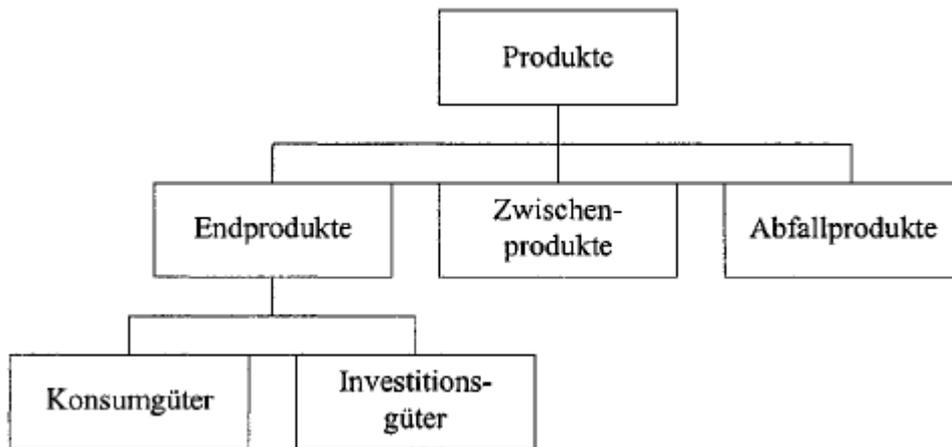


- Kennen wir die Produktionsfunktion des Unternehmens?
- Können wir die Optimierung wie oben dargestellt in der Praxis durchführen?
- Das Betriebliche Rechnungswesen und seine Instrumente folgen nicht der ökonomischen Theorie
- Sie sind letztlich “Krücken”
- Versuchen, die optimale Produktionsentscheidung etc. zu approximieren
- Herangehensweise ist in verschiedener Hinsicht vereinfachend
 - Welche vereinfachenden Annahmen werden getroffen?
 - Welche “Fehler” bewirken sie?

Produktionstheoretische Grundlagen



- Produktionstheorie: Herstellung und Umwandlung von Gütern
 - Produktionsfaktoren (Input)
 - Produkte (Output)
 - Grauzone: Zwischenprodukte



- Formale Darstellung eines Produktionsprozesses:
 - K: Güter
 - J: Endprodukte
 - S: Zwischenprodukte
 - I: Produktionsfaktoren

$$K=J+S+I$$

$$v = \begin{pmatrix} v_1 \\ \vdots \\ v_K \end{pmatrix} = (v_1, \dots, v_K)'$$

- Komponente v_k des Vektors v gibt die Menge des am Produktionsprozess beteiligten Gutes k ($k=1, \dots, K$) an
- Mit $v \in \mathbb{R}^K$
 - Outputmengen mit positivem-, Inputs mit negativem Vorzeichen

Beschreibung von Produktionsverfahren durch Aktivitäten



- Beispiel: Gütervektor $v \in \mathbb{R}^5$: $v=(3,0,-2,-5,0)'$
- Menge aller Aktivitäten beschreibt die technischen Möglichkeiten
- Technologie T mit $T \subset \mathbb{R}^K$

$T = \{v | v \text{ ist ein dem Unternehmen bekanntes Produktionsverfahren}\}$

- Typische Darstellungsform eines Produktionsverfahrens v:
- Produktmengen, Zwischenproduktmengen, Faktormengen

$$v=(x_1, \dots, x_J, y_1, \dots, y_S, r_1, \dots, r_I)'$$

Beispiel:

- In ein Produktionsmodell gehen nur zwei Güter ein
 - Ein Output und ein Input
 - Fünf Aktivitäten sind dem Unternehmen bekannt

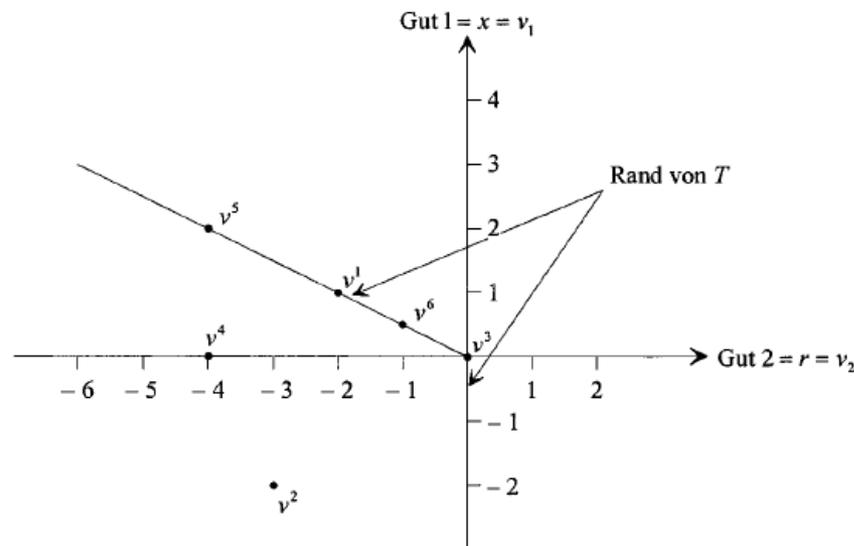
$$T = \{v^1, v^2, v^3, v^4, v^5\} \subset \mathbb{R}^2$$

$$v^1 = \begin{pmatrix} 3 \\ -5 \end{pmatrix}, v^2 = \begin{pmatrix} 5 \\ -6 \end{pmatrix}, v^3 = \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}, v^4 = \begin{pmatrix} 4 \\ -4 \end{pmatrix}, v^5 = \begin{pmatrix} 4 \\ -6 \end{pmatrix}$$

- Welche Aktivitäten würde das Unternehmen wählen?

Effizienz

$$v^1 = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix}, v^2 = \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \end{pmatrix}, v^3 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}, v^4 = \begin{pmatrix} 0 \\ -4 \end{pmatrix}, v^5 = \begin{pmatrix} 2 \\ -4 \end{pmatrix}, v^6 = \begin{pmatrix} 0,5 \\ -1 \end{pmatrix}$$



- *Definition:* Eine Produktion $v \in T$ heißt effizient, wenn sie von keiner anderen Produktion $w \in T$, $w \neq v$ dominiert wird
- Eine Produktion wird dominiert, wenn
 - Eine andere Produktion mit gleichem/weniger Input mehr Output produziert oder mit weniger Input mehr/gleichen Output produziert

Technologie vs. Produktionsfunktion



- Produktionsprozesse können nicht nur durch Technologien, sondern auch durch eine *Produktionsfunktion* beschrieben werden
- Zur Erinnerung:

$$\text{inputs } (z_1, z_2) \rightarrow \boxed{f(z_1, z_2)} \rightarrow \text{output } q$$

- Die Produktionsfunktion gibt die formale Beziehung zwischen Input und Output an
- Produktionsfunktionen erfassen nicht alle Produktionsmöglichkeiten, sondern nur die effizienten
- $f: \mathbb{R}^K \rightarrow \mathbb{R}$ mit K = Anzahl Aktivitäten
- f ist eine Produktionsfunktion wenn gilt:

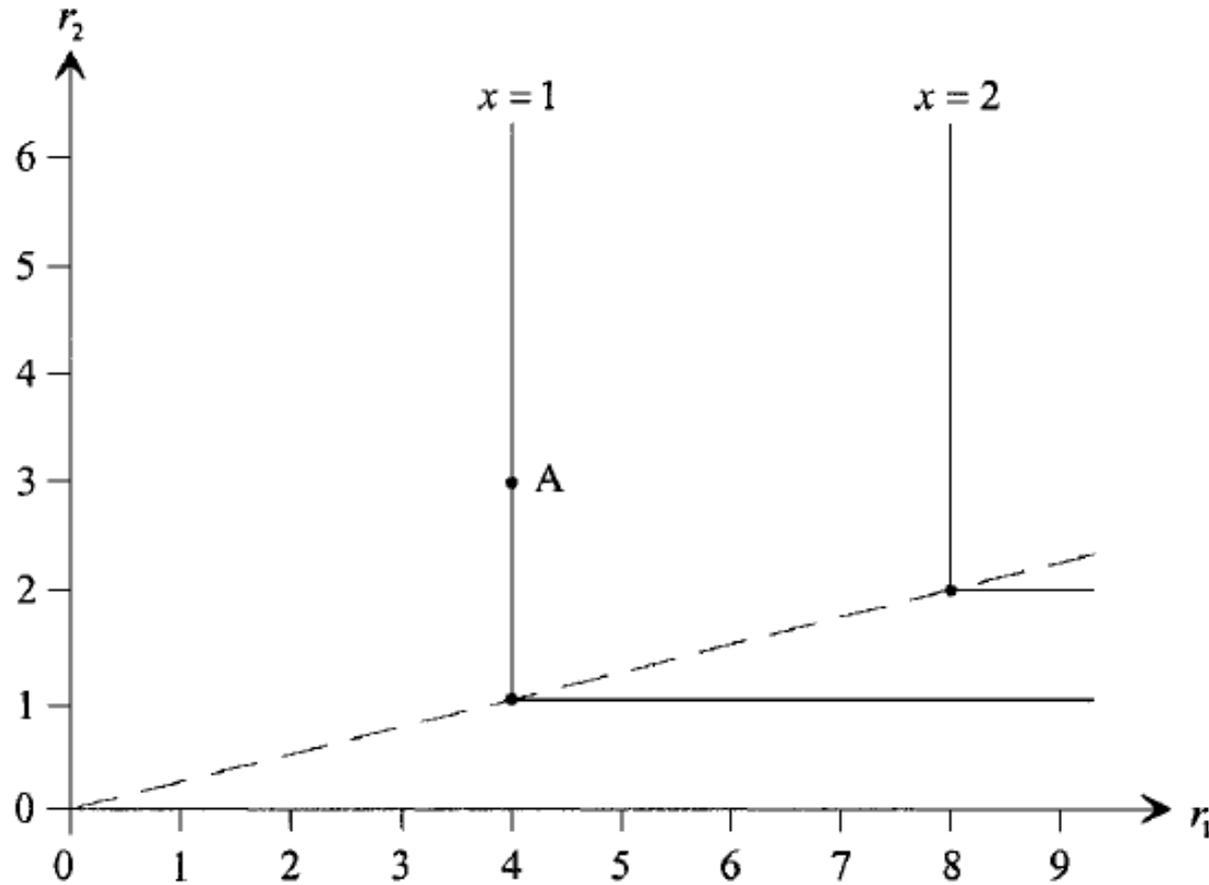
$$f(v) = 0 \text{ genau dann, wenn } v \in T_\theta, v = (v_1, \dots, v_K)'$$

- Implizite Produktionsfunktion: $f(v)=0$
- Explizite Produktionsfunktion: $x = f(r_1, \dots, r_l)$
- Einteilung der Produktionsfunktionen nach dem Austauschbarkeitsverhältnis:
 - **Limitationale** Produktionsfunktionen
 - Höherer Output kann nur erzeugt werden, wenn alle Inputfaktoren ihrem Verhältnis zum Output entsprechend erhöht werden
 - Produktionskoeffizienten geben Input-Output-Verhältnis an

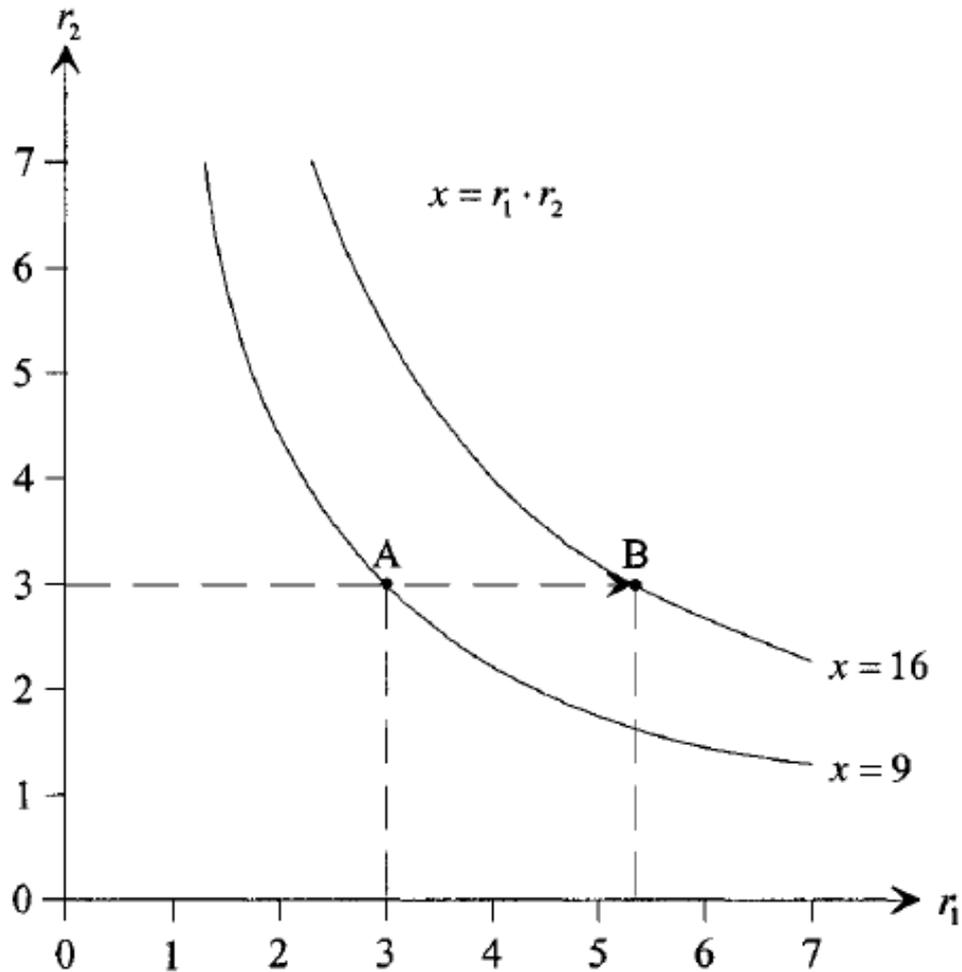
$$a_1 = \frac{r_1}{x} = 2 \quad \text{zwei Input pro EH Output}$$

- **Substitutionale** Produktionsfunktionen
- Durch Erhöhung eines Einsatzfaktors kann uU Output erhöht werden

Limitationale Produktionsfunktion



Substitutionale Produktionsfunktion



- Beziehungen zwischen Produktionsfaktoren limitational
- Ausbringungsmenge steigt linear in Faktoreinsatzmenge (konstante Produktionskoeffizienten)
- Beides wird häufig in Kostenrechnung angenommen
- Werden I Produktionsfaktoren zur Fertigung eines Endprodukts x benötigt, erhält man folgende Faktoreinsatzfunktionen:

$$r_1 = a_1 * x$$

$$r_2 = a_2 * x$$



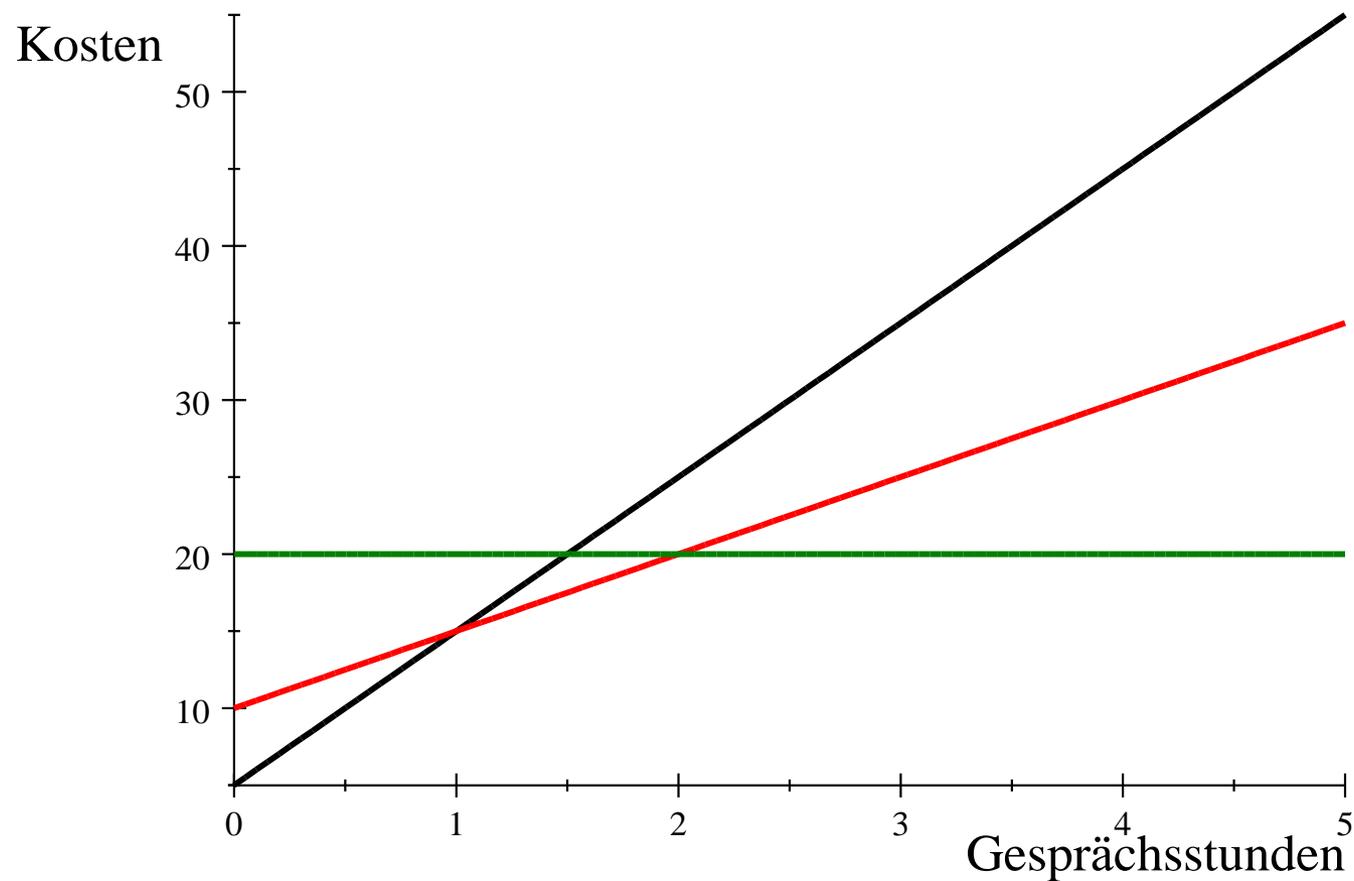
$$r_I = a_I * x$$

- Die Leontief-Produktionsfunktion wird durch die Gesamtheit der Faktoreinsatzfunktionen beschrieben

Zentrale Frage: Wie ändern sich die Kosten in Abhängigkeit vom Leistungsvolumen?

- Zu ermitteln: die Kosten für die *wirtschaftlichste* Art und Weise, ein bestimmtes Leistungsvolumen zu erzeugen!
- Kostenfunktion $K(x)$ gibt die minimalen Kosten in Abhängigkeit vom Volumen (Ausbringungsmenge) x an
 - Kostenfunktion setzt Wirtschaftlichkeit voraus
 - Kostenfunktion resultiert oftmals als Lösung eines Optimierungsproblems

Beispiel: Handy Tarife



- Zeichnen Sie die Kostenfunktion ein!

Zusammenhang Kostenfunktion und Produktionsfunktion



Definiere

r_1, r_2 : Einsatzmengen der Produktionsfaktoren 1 und 2

p_1, p_2 : Preise (je Einheit) der Produktionsfaktoren 1 und 2

$f(r_1, r_2)$: Produktionsfunktion

$x=f(r_1, r_2)$: Ausbringungsmenge des Ein-Produkt-Unternehmen

Kostenfunktion : $K(x) = \min_{r_1, r_2} (p_1 r_1 + p_2 r_2 \mid x = f(r_1, r_2))$

Bezeichne $r_1^*(x)$ und $r_2^*(x)$ die kostenminimalen Einsatzmengen, dann ist die Kostenfunktion definiert als

$$K(x) = p_1 r_1^*(x) + p_2 r_2^*(x)$$

$$K(x) = p_1 r_1^*(x) + p_2 r_2^*(x)$$

- Kostenfunktion = Minimalkostenfunktion
- Spezialfall einer Wertfunktion, die man dadurch erhält, dass man die Lösungen des Optimierungsproblems wieder in die Zielfunktion einsetzt

Beispiel 1



- Produktionsfunktion:

$$x = f(r_1, r_2) = \sqrt[3]{r_1^2 r_2}$$

- Kostenfunktion: Lösung des folgenden Optimierungsproblems:

$$K(x) = \min\{p_1 r_1 + p_2 r_2 \mid \sqrt[3]{r_1^2 r_2} = x\}$$

- Kostenfunktion $K(x)$ gibt die Kosten für beliebige Produktionsmengen x bei optimaler Entscheidung $r_1^*(x)$ und $r_2^*(x)$ an

- Löse die Nebenbedingung nach r_2 auf und ersetze r_2 in dem Kostenausdruck durch r_1 und x
- Ableiten des Kostenausdrucks nach der verbliebenen Entscheidungsvariablen r_1 und nullsetzen
- aus der so erhaltenen Optimalitätsbedingung das benötigte $r_1^*(x)$ ausrechnen
- damit aus der Produktionsfunktion $r_2^*(x)$ bestimmen
 $\Rightarrow K(x) = p_1 r_1^*(x) + p_2 r_2^*(x)$

$$\sqrt[3]{r_1^2 r_2} = x \quad \Rightarrow \quad r_2 = \frac{x^3}{r_1^2} \qquad \frac{d}{dr_1} \left(\frac{1}{r_1^2} \right) = -2r_1^{-3}$$

$$K(r_1, x) = p_1 r_1 + p_2 \frac{x^3}{r_1^2}$$

Optimalitätsbedingung:

$$p_1 \equiv 2p_2 x^3 / r_1^3 \quad \Rightarrow \quad r_1(x) = \sqrt[3]{\frac{2p_2}{p_1}} x$$

$$r_2(x) = \frac{x^3}{r_1(x)^2} = \frac{x^3}{\sqrt[3]{\frac{4p_2^2}{p_1^2} x^2}} = \sqrt[3]{\frac{p_1^2}{4p_2^2}} x$$

$$K(x) = \left(\sqrt[3]{2p_1^2 p_2} + \sqrt[3]{\frac{p_1^2 p_2}{4}} \right) x = \frac{3}{2} \sqrt[3]{2p_1^2 p_2} x$$

Beispiel 2: Klassisches Bestellmengenproblem



- Zu bedienen ist eine Nachfrage von x
- Kaufpreis des Gutes: p
- Das Gut wird in Losen von q angeliefert und bis zur Ablieferung an die Nachfrage zu Kosten von p_l gelagert
- Jede Lieferung erfordert Kosten von p_b
- Lagerkostensatz p_l enthält
 - kalkulatorische Zinsen auf den gebundenen Lagerwert; Zinssatz: i [*pro Zeiteinheit*]
 - kalkulatorische Gefährdungsrisiken
 - sonstige bestandsabhängige Kosten (z.B. Raumkosten, Klimatisierungskosten ...)

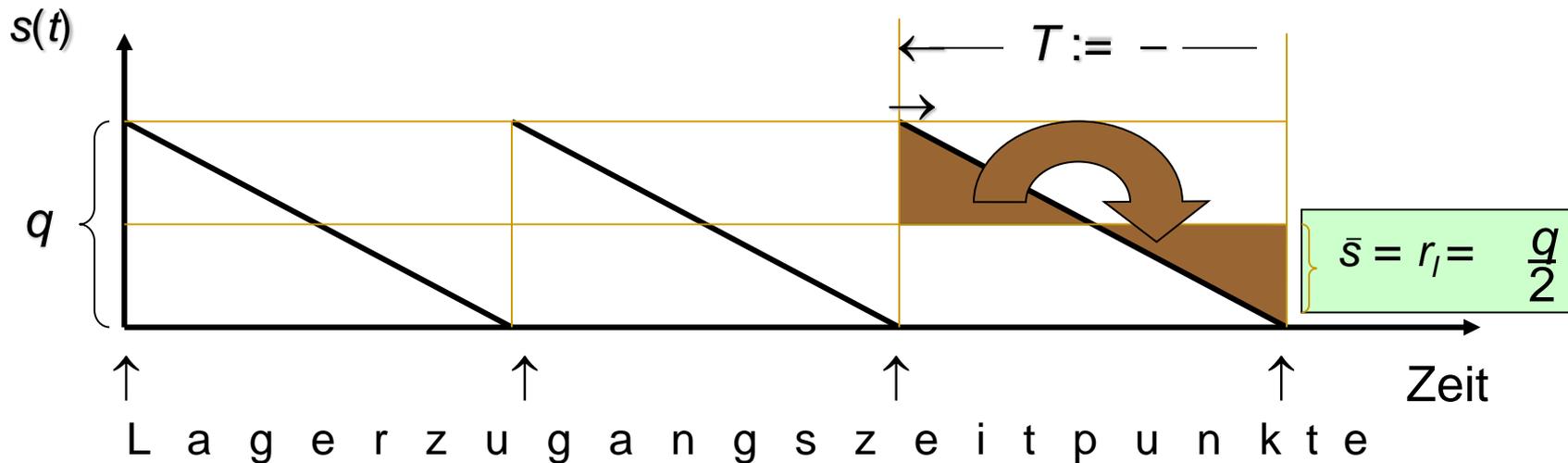
h_0

$$p_l = h_0 + i \cdot p$$

Das klassische Bestellmengenproblem



- Zwischen der Anzahl der Lieferungen je Periode (Lieferhäufigkeit) der Nachfrage x und der Bestellmenge q , besteht folgender Zusammenhang: $\text{Lieferhäufigkeit} = x/q$
- Der durchschnittliche Lagerbestand beträgt $q/2$:



Das klassische Bestellmengenproblem



- Die durchschnittlichen Gesamtkosten pro Periode in Abhängigkeit von q und x entsprechen

$$K(x, q) = px + p_b \frac{x}{q} + p_l \frac{q}{2}$$

- Entscheidungsvariable: Bestellmenge q

$$K(q, x) = p \times x + \underbrace{p_b \times \frac{x}{q}} + \underbrace{p_l \times \frac{q}{2}}$$

fällt mit steigendem q steigt mit steigendem q

- q so wählen, dass $K(q, x)$ minimal wird:
- q erhöhen, bis die Steigung von K null wird, bzw. bis **Bestellkostensparnis** = **Lagerkostenzunahme** (einer zusätzlich bestellten Einheit)

Das klassische Bestellmengenproblem



- Bedingung 1. Ordnung:

$$\frac{dK(q, x)}{dq} = -p_b \cdot \frac{x}{q^2} + \frac{p_l}{2} = 0$$

- Es folgt:
$$q^* = \sqrt{2 \frac{p_b \cdot x}{p_l}}$$

- Und
$$K(q^*(x), x) = p \cdot x + \sqrt{2 \cdot p_b \cdot x \cdot p_l} = K(x)$$

ist eine Kostenfunktion

Grundbegriffe des Internen Rechnungswesens



- Auszahlung, Ausgabe, Aufwand und Kosten



- Auszahlung:
 - Geldabfluss in einer Periode
- Ausgabe:
 - Güter(zu)fluss in einer Periode
- Aufwand:
 - Güterverbrauch, findet Niederschlag in GuV

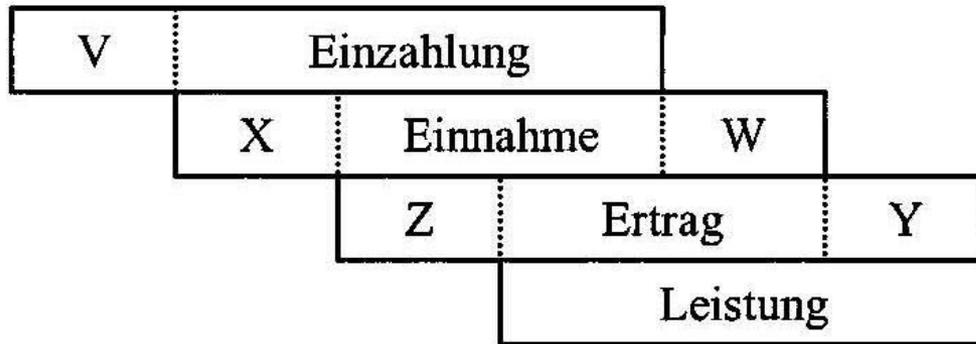
Kosten

- Bewertete, sachzielbezogene Güterverbräuche eines Unternehmens in einer Periode

Gesamtaufwand			
Neutraler Aufwand	Zweckaufwand		
	Als Kosten ver- rechner Zweck- aufwand	Nicht als Kosten verrechner Zweckaufwand	
		Anderskosten	Zusatzkosten
	Grundkosten	Kalkulatorische Kosten	
Gesamtkosten			

Analog: Leistungen

- Abgrenzung Einzahlung, Einnahme, Ertrag und Leistung



- Leistungen: Bewertete, sachzielbezogene Gütererstellungen eines Unternehmens in einer Periode

- Kosten sind “bewertete Güterverbräuche”
 - Wie “bewertet”?
- Es gibt keinen einheitlichen Kostenbegriff
 - Stark verbreitet sind der *wertmäßige* und der *pagatorische* Kostenbegriff
- **Pagatorische Kosten:**
 - Der Ressourcenverbrauch wird mit Anschaffungspreisen bewertet
 - Es wird an die Zahlungsströme im Unternehmen angeknüpft
 - Kalkulatorische Kosten bleiben hier mangels Geldfluss außer Ansatz

Idee: Verwendet man ein knappes Gut für einen bestimmten Zweck, so entzieht man es damit allen anderen.

- Bewertung mit dem Deckungsbeitrag, den ein Gut in der *bestmöglichen alternativen* Verwendung ermöglichen würde
- Diese Betrachtungsweise führte *Eugen Schmalenbach* in die Betriebswirtschaftslehre ein
- Schmalenbach bezeichnet diesen Deckungsbeitrag als den *Betriebswert* des Gutes
- Das betriebliche Entscheidungsproblem des Unternehmens spielt für die Bewertung eine Rolle
 - Identische Güter unterschiedliche Wertansätze in unterschiedlichen Unternehmen
 - Grenznutzenkonzept

- Der Grenznutzen eines Faktors ist erst dann bekannt, wenn die optimale Ressourcenverteilung bekannt ist
- Die optimale Ressourcenverteilung hängt aber von den Kosten ab
- Lösungsvorschlag:
 - Wenn die Beschaffungsmärkte für Güter perfekt sind, werden Ressourcen den profitabelsten Verwendungsmöglichkeiten zugeführt
 - Bei vollständiger Konkurrenz entsprechen die Preise den Grenznutzen
 - Wiederbeschaffungspreise können als Bewertungsmaßstab verwendet werden

- Variable Kosten:
 - Variieren mit der Ausbringungsmenge bzw. Beschäftigung
- Fixe Kosten bleiben unverändert bei Veränderung der Produktionsmenge
 - Dies gilt häufig nur innerhalb bestimmter Kapazitätsgrenzen
 - Man spricht von **Sprungfixen** Kosten

- Im Einproduktunternehmen:

$$K(x) = K_v + K_f \quad \text{mit} \quad K_v = K_v(x)$$

Dabei gilt: $K_v(0) = 0$

Stück- oder Durchschnittskosten, Grenzkosten



- Stückkosten bzw. Durchschnittskosten: $k(x) = \frac{K(x)}{x}$

– Analog variable und fixe Stückkosten:

$$k_v(x) = \frac{K_v(x)}{x} \quad k_f(x) = \frac{K_f}{x}$$

- Grenzkosten (Annahme einer differenzierbaren Kostenfunktion):

$$K'(x) = \frac{\partial K(x)}{\partial x} = \frac{\partial K_v(x)}{\partial x} + \frac{\partial K_f}{\partial x} = \frac{\partial K_v(x)}{\partial x} = K'_v(x)$$

- Beschreiben die Steigung der Kostenfunktion an der Stelle x
- **Ökonomische Interpretation:** Wie verändern sich die Kosten, wenn die Ausbringungsmenge x sich um eine infinitesimal kleine Einheit ändert?

- Abgrenzung nach der Zurechenbarkeit der Kosten zu einem Kostenträger
 - Kostenträger häufig Produkte, Kostenstellen
- Einzelkosten: lassen sich Kostenträger direkt zurechnen
- Gemeinkosten: müssen mit Hilfe von Schlüsseln zugerechnet werden
 - Ungenauigkeiten aufgrund von Hilfskonstruktion
 - Eignung des verwendeten Schlüssels relevant
- Spezialfälle:
 - Sondereinzelkosten
 - Kosten, die nicht der einzelnen Einheit, aber zB einer Gruppe von Produkten, etwa einem Auftrag, direkt zugerechnet werden können
 - Unechte Gemeinkosten
 - Einzelkosten, die aus Wirtschaftlichkeitsgründen wie Gemeinkosten behandelt werden

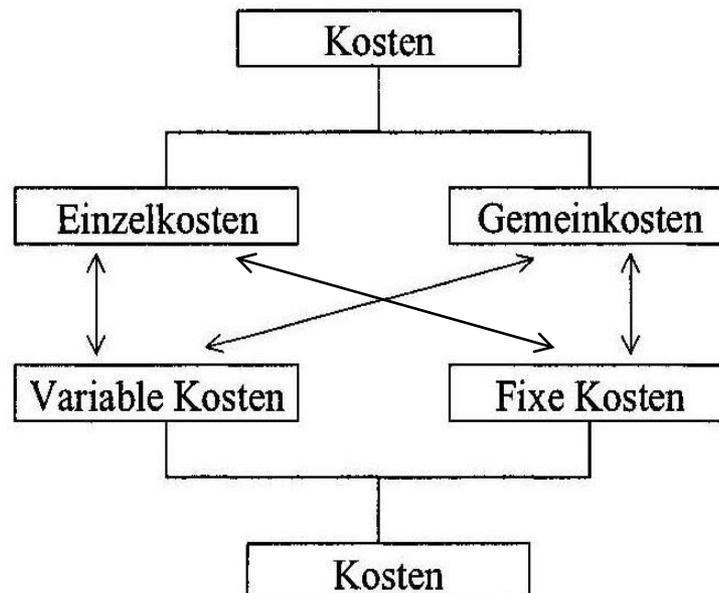
Beispiel



- In einem Fertigungsprozess fallen folgende Kosten an:
- Einzelkosten:
 - Fertigungsmaterial: 10 €
 - Fertigungseinzelkosten: 7 €
- Gemeinkosten:
 - Hilfs- und Betriebsstoffe sowie Fertigungsgemeinkosten fallen in Höhe von 20.000 in der Fertigungsstelle an
 - Für die Fertigung wird eine Maschine eingesetzt, für die 2.000 Maschinenstunden in der Periode angefallen sind
 - Es wird angenommen, dass sich die Gemeinkosten proportional zur Anzahl der Maschinenstunden verhalten
 - Für den vorliegenden Fertigungsprozess werden 5 Maschinenstunden benötigt
- Herstellkosten: 67 €

Zusammenhänge...

- Welche Zusammenhänge gibt es zwischen Einzel- und Gemeinkosten bzw. fixen und variablen Kosten?
 - Typischerweise sind Fixkosten eher Gemeinkosten und Einzelkosten sind variabel
 - Es lassen sich aber Beispiele für jede Kombination finden



- Entscheidungsträger in Unternehmen benötigen Kosten als Grundlage für Entscheidungen
 - Kostenträgerstückkosten (Produktkosten)
 - Kostenstellenkosten
- In der Kostenrechnung wird versucht, diese zu ermitteln
- Zurechnungsprobleme entstehen bei der Verrechnung von Gemeinkosten auf die Kostenträger
- Wenn die Kostenfunktion nicht separierbar ist, ist eine Zurechnung formal nicht möglich
 - Bsp.: Die Grenzkosten einer zusätzlichen EH eines Produkts hängen von der Produktionsmenge eines anderen Produkts ab
- Verschiedene Prinzipien sind um sinnvolle Zurechnung bemüht
 - Verursachungsprinzip, Tragfähigkeitsprinzip, Identitätsprinzip

Primäre und Sekundäre Kosten, DB

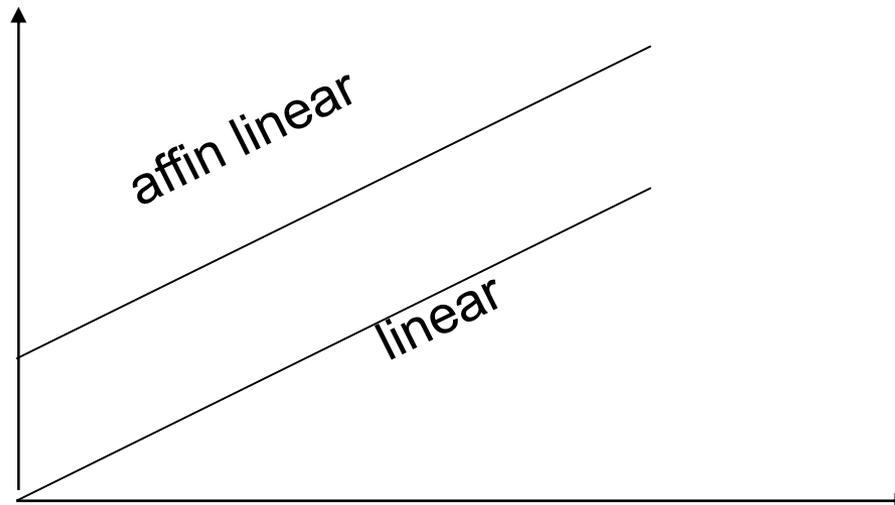


- Primäre Kosten:
 - Kosten, die durch den Verbrauch von Gütern und Dienstleistungen entstehen, die von außen (Beschaffungsmärkte) in den Betrieb eingehen
 - zB Kosten der Fertigungsstellen
- Sekundäre Kosten:
 - Kosten für innerbetriebliche Leistungen dh solche, die nicht für den Absatzmarkt bestimmt sind
 - zB Kosten der Reparaturstelle, der Werkskantine
- Deckungsbeitrag: $DB(x) = px - K_v(x)$
 - Differenz zwischen Erlös und variablen Kosten
 - Beitrag der abgesetzten Menge eines Gutes zur Deckung der Fixkosten

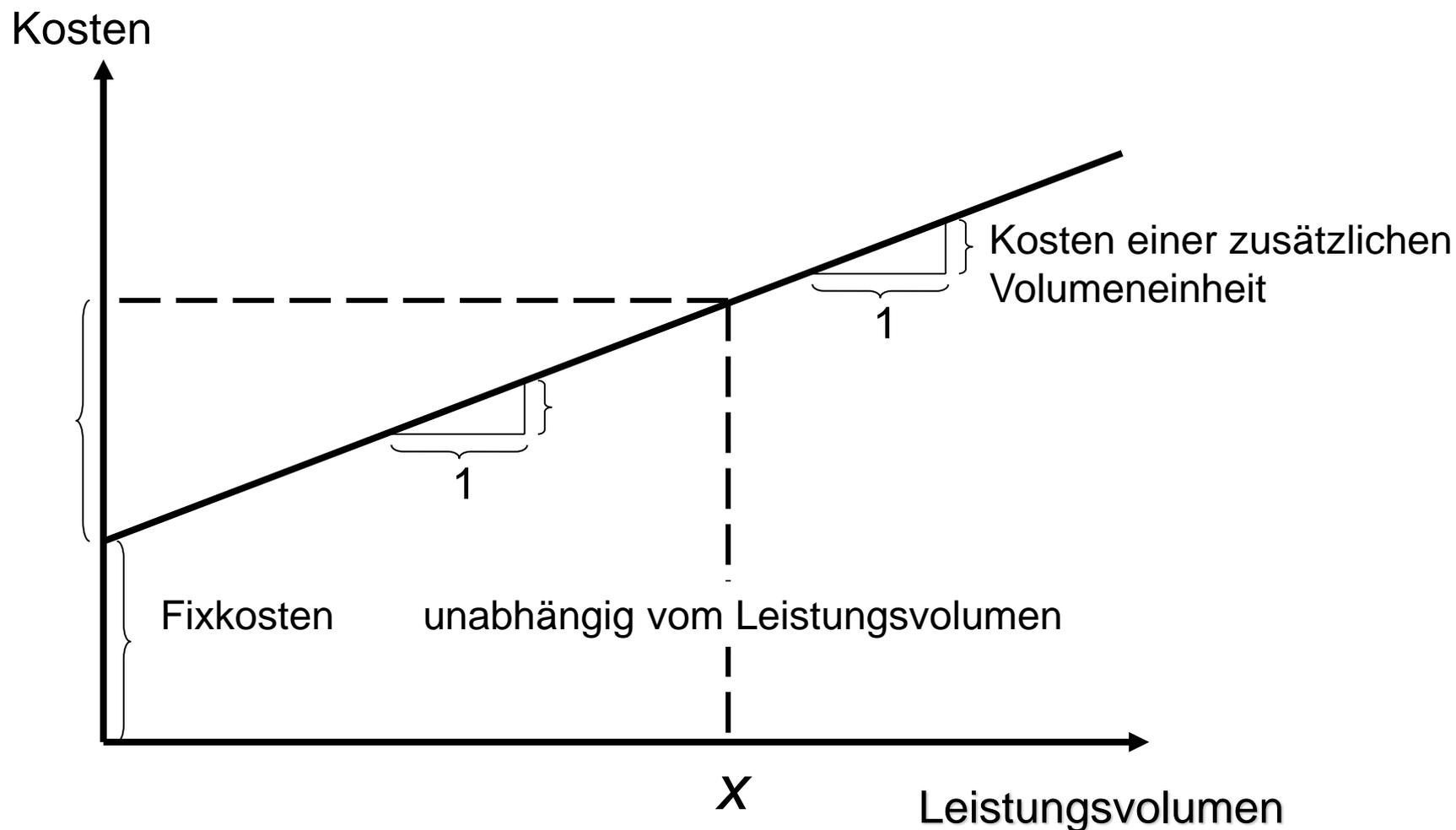
Vereinfachende Annahmen der Kostenrechnung



- Im Rahmen der Kostenrechnung wird versucht, den Kostenverlauf zu approximieren
 - Häufig wird nicht die Kostenfunktion des Unternehmens betrachtet, sondern Teilkostenfunktionen, zB je Produktart
 - Es wird quasi Separierbarkeit unterstellt
- Es werden häufig (affin-)lineare Kostenverläufe angenommen



(Affin-) linearer Kostenverlauf



- Tatsächlich verlaufen die Kosten nicht immer affin-linear in Abhängigkeit vom Leistungsvolumen
 - sie lassen sich aber oft innerhalb eines realistischen Bereichs gut durch einen solchen Verlauf approximieren
- Gründe für nicht-lineare Verläufe
 - Ermüdung, Überlastung ...
 - Kostenverlauf optimierungsabhängig
 - Lerneffekte

Zur Erinnerung



- Gesamtkosten: $K(x)$
- Variable Gesamtkosten: $K_v(x)$
- Fixe Gesamtkosten: $K_f(x)$
- Durchschnittskosten: $k(x) = \frac{K(x)}{x}$
- Variable Durchschnittskosten: $k_v(x) = \frac{K_v(x)}{x}$
- Fixe Durchschnittskosten: $k_f(x) = \frac{K_f}{x}$
- Grenzkosten: $K'(x) = \frac{\partial K_v(x)}{\partial x} = K'_v(x)$

Progressiver Kostenverlauf

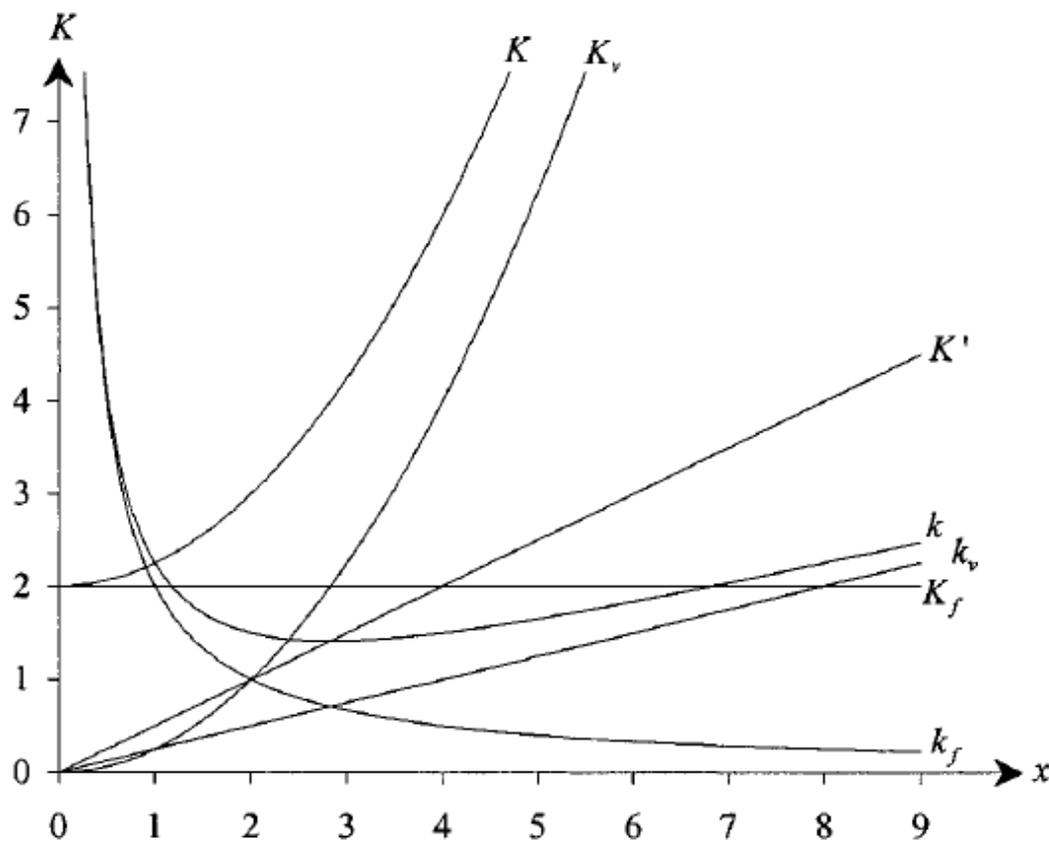


Abb. 2.6: Progressive Kosten am Beispiel: $K(x) = \frac{1}{4}x^2 + 2$

Degressiver Kostenverlauf

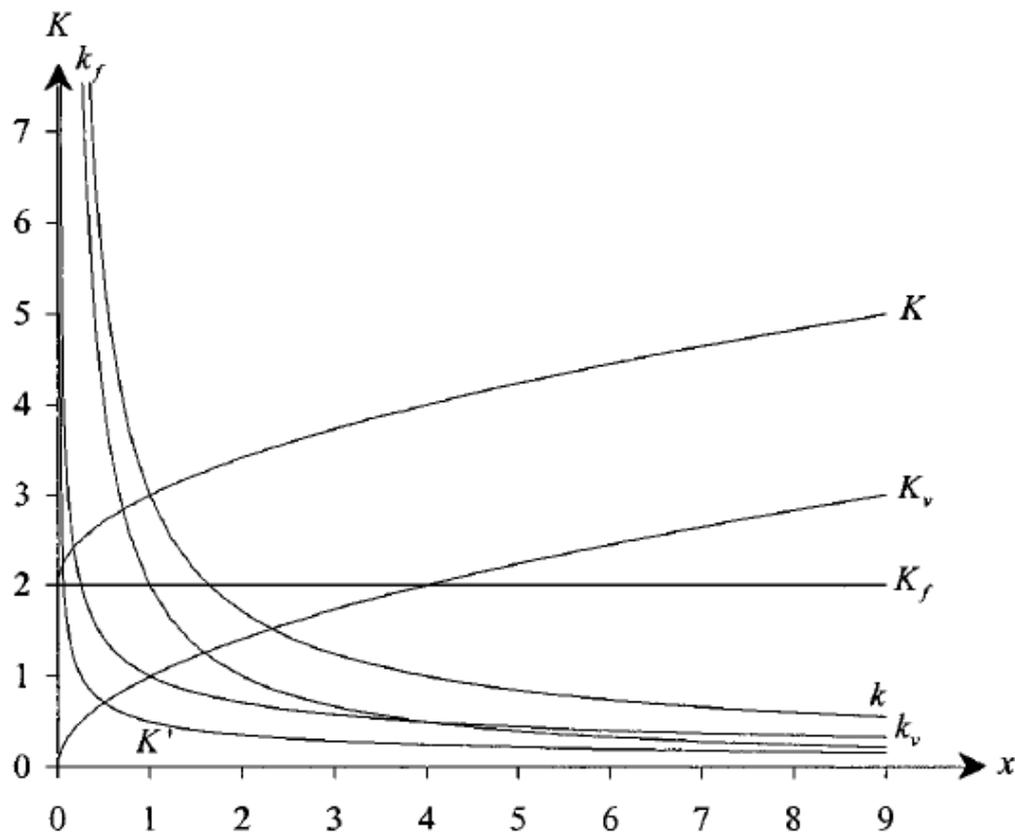


Abb. 2.7: Degressive Kosten am Beispiel: $K(x) = \sqrt{x} + 2$